

中文核心期刊 CSCD核心期刊 中科双效期刊 中国科技核心期刊 Caj-cd规范获奖期刊

循环动荷载下下伏空洞路面塌陷的模型试验研究

高程鹏

Model tests of road subsidence progress with underground cavities caused by cyclic dynamic load GAO Chengpeng

在线阅读 View online: https://doi.org/10.16030/j.cnki.issn.1000-3665.202003002

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

分级循环动荷载下水泥土动力特性试验研究

An experimental study of the dynamic characteristics of cement soils subjected to staged cyclic loading 张振, 陈勇, 杨天亮, 叶观宝, 郑文强 水文地质工程地质. 2021, 48(2): 89–96

上浮极限状态下饱和土的浮力模型试验和理论分析

Model tests and theoretical analyses of buoyancy in saturated soils during the ultimate limit state of up-lifting 荣雪宁, 徐日庆, 冯苏阳, 朱亦弘, 伍璇 水文地质工程地质. 2019, 46(4): 90-96

基于等速线模型的一维黄土动荷载响应分析

Dynamic load response analysis of 1-D loess based on the equal speed line model 王文丽, 王兰民 水文地质工程地质. 2019, 46(5): 113-119

预应力锚索修复含微裂纹抗滑桩模型试验研究

Model test of anti-slide pile with micro-crack repaired by prestressed anchor cables 周云涛, 石胜伟, 蔡强, 张勇, 李乾坤, 梁炯, 程英建 水文地质工程地质. 2019, 46(4): 104-111

砂土地基冲击碾压加固效果影响因素的试验研究

Laboratory investigation on influencing factors of improvement effect of rolling dynamic compaction on sand 陈忠清, 朱文韬, 吕越, 黄曼, 李明东 水文地质工程地质. 2020, 47(3): 128-134

抗滑桩应变特征与内力非线性研究

A study of the strain characteristics and internal force nonlinearity of anti-slide pile 任青阳, 赵梦园, 谢忠伟, 吴鑫培, 陈斌 水文地质工程地质. 2021, 48(2): 114-124



关注微信公众号,获得更多资讯信息

DOI: 10.16030/j.cnki.issn.1000-3665.202003002

循环动荷载下下伏空洞路面塌陷的模型试验研究

高程鹏

(上海市政工程设计研究总院(集团)有限公司,上海 200092)

摘要:在循环动荷载作用下,地下空洞会逐步发展成为路面塌陷。针对此问题,本文建立了模拟路面塌陷发生发展全过程的模型试验。试验结果表明,随着动荷载值的减小,土体所能承受的极限振动循环次数呈指数型增加。而当地下存在一定尺寸的地下空洞时,即使动荷载值较小,在足够多次数的振动循环作用后,也有可能引发路面塌陷。最大粒径较大、不均匀系数较高土体的静力稳定性较强,体现在其能承受的极限静荷载较大;但其动力稳定性较弱,体现在其能承受的极限振动循环次数较少。反之,最大粒径较小、不均匀系数较小土体的静力稳定性较弱,而动力稳定性较强。地下空洞上覆土层厚度越大,则其静力、动力稳定性均较强。同时,循环动荷载作用下地表沉降与土体裂缝的发展呈现出三阶段规律。阶段1为初始固结沉降阶段,持续时间较短,土体受到振动压密作用,地表发生整体沉降,土体裂缝未见明显发展;阶段2为等速沉降阶段,持续时间较长,中心土体受到振动剪切作用,地表中心沉降与土体裂缝随时间呈等速发展;阶段3为加速沉降阶段,持续时间最短,中心土体受到振动剪切作用,地表中心沉降与土体裂缝快速发展直至发生塌陷。

中图分类号: P642.26 文献标志码: A 文章编号: 1000-3665(2021)01-0070-08

Model tests of road subsidence progress with underground cavities caused by cyclic dynamic load

GAO Chengpeng

(Shanghai Municipal Engineering Design Institute (Group) Co. Ltd., Shanghai 200092, China)

Abstract: Due to the cyclic dynamic load, the underground cavity will gradually develop into road subsidence. In view of this problem, this paper establishes model tests to simulate the whole developing process of road subsidence. The results show that as the cyclic dynamic load decreases, the limited cyclic loading times causing road subsidence increases exponentially. However, if there is a certain size of underground cavity, small cyclic dynamic load can also lead to road subsidence after sufficient cyclic loading times. The soil with larger maximum particle size and higher uneven coefficient has larger ultimate static strength and smaller ultimate dynamic strength. On the contrary, soil with smaller maximum particle size and smaller uneven coefficient has smaller ultimate static strength and larger ultimate dynamic strength. Larger thickness of the soil overlying the underground cavity will lead to larger ultimate static and dynamic strength. At the same time, the development of the road subsidence curve and the soil cracks under the cyclic dynamic load undergo three stages. Stage 1 is the initial consolidation settlement stage with short duration. In this stage, the soil is compacted by vibration and the ground surface has overall settlement with no obvious development of the observed soil cracks. Stage 2 is the uniform development stage with long duration and uniform development in settlement and soil cracks. The soil is subjected to the effect of shear vibrating. Stage 3 is the accelerated development stage with the shortest duration. The soil is subjected to vibration failure. The settlement and soil cracks develop rapidly until road subsidence occurs.

收稿日期: 2020-03-02; 修订日期: 2020-04-13

基金项目:上海市青年科技启明星计划资助(20QB1404900);国家重点研发计划项目资助(2017YFC0805000)

第一作者:高程鹏(1993-),男,硕士,工程师,研究方向包括市政工程、地质工程、水土流失、渗流侵蚀等。E-mail:gaochengpeng@smedi.com

Keywords: cyclic dynamic load; ground subsidence; model tests

近年来,我国城市道路中突现的地面空洞与塌陷 事故频发。2018年2月7日,广州佛山地铁施工区域 发生路面坍塌事故,导致10人遇难1人失踪。2019 年12月12日,厦门发生面积约500m²的路面塌陷。 2020年1月13日,青海西宁市发生路面塌陷公交车 坠坑事故,导致9人遇难1人失踪。类似的事故层出 不穷,已经严重影响到人们的日常生活与人身安全, 成为了困扰现代城市交通安全的一大难题。

目前国内外针对于路面塌陷的研究主要集中在 地下空洞的发展与路面塌陷的发展这两方面。其中, 地下空洞的发展方面,杨赛^[1]提出地下空洞的诱因可 以主要归纳为水的作用、振动作用、地下工程施工作 用及地下管线破裂作用等四个方面。诸多研究表明, 地下水开采、真空吸蚀和水位升降等水位变化作用会 导致地下空洞产生^[2-4],而外部扰动,如施工扰动、车 辆振动扰动等,会对土层产生附加应力,诱发地下空 洞直接破坏或扩张之后破坏^[5-6]。

另一方面,路面塌陷的发展研究中,目前有较多 数值模拟研究及解析解的方法研究,主要可以分为三 类。第一类为细观尺度下土颗粒移动和流失导致骨 架力链变形的研究^[7-8],这类研究从颗粒流的角度出 发,分析颗粒流失对土体单元变形的影响,进而分析 水土流失后地面沉降及塌陷的宏观发展规律。第二 类为宏观尺度下地下空洞诱发路面塌陷过程的数值 模型试验研究^[9-10],这类研究借助于有限元与离散元 数值模拟软件,分析土体结构、振动荷载、降雨入渗 等多个因素对路面塌陷发展过程的影响。第三类为 路面塌陷破坏机理的理论研究^[11-12],这类研究中,诸 多学者将普氏平衡拱理论、塑性极限平衡理论、突变 理论等方法应用于建立路面塌陷的物理力学模型中, 提出了基于单拱效应、双拱效应、多种突变判据的路 面塌陷发展机理等。

由此可知,以往对路面塌陷的研究中以数值模拟 和理论分析居多,而针对路面塌陷发展全过程的室内 模型试验研究较少。基于此,本文进行了车辆循环动 荷载作用下路面塌陷发展过程的模型试验,目的是探 究循环动荷载对路面塌陷发展过程的影响,分析不同 土体在动荷载与静荷载下的塌陷稳定性,以及在不同 土质条件下、不同覆土厚度下,地下空洞及路面塌陷 的发展模式,以揭示车辆循环动荷载作用下路面塌陷 的宏观发展过程与规律。

1 试验装置及试验流程

1.1 试验装置

车辆荷载下路面塌陷的发展过程可如图1所示。 地下出现一定范围的土体空洞区域后,受车辆荷载的 进一步影响,土体空洞区域不断扩大,地面出现沉降 槽;沉降槽不断发展,由量变引发质变,最终引发路面 塌陷。



Fig. 1 Developing progress of road collapse under traffic load

为了在室内试验中还原模拟图1所示的路陷发展 过程,本文使用了如图2所示的循环动荷载试验装 置。该试验装置由有机玻璃制成,长度500mm,宽度 100mm,高度300mm。土体中央底部存在1个半径 为50mm的半圆形地下空洞。地下空洞的制备方法 为:在填充土体时,将图3所示的空洞模具固定于土 槽中央底部,待土体制备完成后缓慢取出模具,便能 在土槽中央底部形成与模具大小尺寸一致的地下空洞。

在土体表面铺设2层橡胶,用来模拟实际工程 中的道路路面。第一层薄橡胶厚度为0.5 mm、长度 500 mm、宽度100 mm;第二层厚橡胶为23个厚度 5 mm、宽度20 mm、长度100 mm的橡胶条,间隔固定



图 2 循环动荷载试验装置整体示意图

Fig. 2 Schematic diagram of the cyclic dynamic loading test device



图 3 地下空洞模具 Fig. 3 Underground cavity mold

在第一层橡胶之上,间距 1.8 mm,如图 4 所示。在土体表层铺设双层橡胶的目的有 3 个:(1)防止地表出现较大较深的车辙而导致与实际路面不符;(2)防止车轮移动摩擦力过大而导致车轮无法正常移动;(3)防止土体塌陷范围延伸至前后两侧土槽壁而导致不满足土体边界条件。



图 4 土体表面橡胶层示意图 Fig. 4 Schematic diagram of the rubber layer above the soil

循环荷载装置由1个简易车轮与1个长方体荷载 容器构成,可以通过向容器内缓慢填装塑料小球来改 变荷载值。通过控制车轮在土体表面按照一定周期 来回移动,便可以实现对循环动荷载的模拟。在土槽 一侧的固定支架上安装激光测距仪1,在荷载容器上 安装激光测距仪 2, 如图 5 所示。激光测距仪 1 用来 记录动荷载的水平位移, 激光测距仪 2 用来记录不同 位置处地表的沉降值, 这两者可统一起来用来描述地 表沉降曲线的变化规律。

试验现场示意图如图 6 所示。在试验过程中,通 过固定于试验装置前的摄像机记录试验全过程。



图 5 激光测距仪示意图 Fig. 5 Schematic diagram of the laser rangefinder



图 6 循环动荷载试验现场 Fig. 6 Cyclic dynamic load testing site

1.2 试验流程

本文中进行的循环动荷载试验工况如表1所示。 不同试验工况之间采用控制变量法,分析了空洞上方 土层厚度(*t*)、试验土体、加载方式及动荷载(*W*)等 4个变量对试验结果的影响。

试验工况按照加载方式分为静荷载工况与动荷 载工况。静荷载工况为将车轮静止放置于土体空洞

Table	1 Summar	Summary sheet of the cyclic dynamic loading tests				
试验土体	空洞上方土 层厚度 <i>t</i> /mm	加载 方式	车辆荷载 W/kg	极限振动循 环次数 N _u	试验编号	
标准 丰浦砂	50	静荷载	W _u =6.88	_	Case 1-0	
		动荷载	$W_{\rm u} \times 100\% = 6.88$	31	Case 1-1	
			$W_{\rm u} \times 90\% = 6.20$	235	Case 1-2	
			$W_{\rm u} \times 85\% = 5.84$	107	Case 1-3	
			$W_{\rm u} \times 80\% = 5.50$	1 385	Case 1-4	
	40	静荷载	$W_{\rm u} = 5.95$	-	Case 2-0	
		动荷载	$W_{\rm u} \times 90\% = 5.36$	31	Case 2-1	
			$W_{\rm u} \times 80\% = 4.76$	238	Case 2-2	
			$W_{\rm u} \times 70\% = 4.17$	113	Case 2-3	
			$W_{\rm u} \times 60\% = 3.57$	1 207	Case 2-4	
连续级配 硅砂-1	40	静荷载	W _u =8.67	-	Case 3-0	
		动荷载	$W_{\rm u} \times 90\% = 7.80$	1	Case 3-1	
			$W_{\rm u} \times 80\% = 6.94$	1	Case 3-2	
			$W_{\rm u} \times 50\% = 4.33$	40	Case 3-3	
			$W_{\rm u} \times 40\% = 3.47$	860	Case 3-4	
			W _u U×30%=2.60	1 321	Case 3-5	
连续级配 硅砂-2	40	静荷载	$W_{\rm u} = 6.75$	-	Case 4-0	
		动荷载	$W_{\rm u} \times 80\% = 5.40$	15	Case 4-1	
			$W_{\rm u} \times 65\% = 4.39$	34	Case 4-2	
			$W_{\rm u} \times 55\% = 3.71$	330	Case 4-3	
			$W_{\rm u} \times 45\% = 3.04$	1 661	Case 4-4	

表1 循环动荷载试验工况汇总表

正上方,并逐渐向车轮容器中缓慢倒入塑料小球以增加车辆荷载;直到土体发生塌陷,空洞内土体落下时,试验结束。土体塌陷前的荷载值为土体能承受的极限静荷载 Wu。动荷载工况为控制车辆荷载在土体表面来回周期运动,循环周期为6s;直到空洞坍塌,空洞内土体落下且车轮无法在移动时,试验结束,记录下此时的极限振动循环次数 Nu。不同工况下的动荷载均不大于极限静荷载 Wu。以 Case 1-0 至 Case 1-4 为例, Case 1-0 中极限静荷载为 Wu=6.88 kg; Case 1-1 至 Case 1-4 中动荷载分别取为极限静荷载的 100%, 90%, 85%, 80%。

本试验中所用试验土体为标准丰浦砂与连续级 配硅砂-1与硅砂-2,三者的粒径级配曲线如图 7所 示。3种土体的相对密度均为 D_r =70%,含水率均为 w=14%。标准丰浦砂与连续级配硅砂是在国内与国 际上被广泛使用的土体模型试验材料,且这两种土体 材料的试验结果重复性较好,试验结果易得到验证。 本试验进行了3种不同粒径级配的对比试验,粒径级 配的区别体现在:硅砂-1的最大颗粒粒径 d_{max} =20 mm, 不均匀系数 C_u =11.54; 硅砂-2 的最大颗粒粒径 d_{max} = 5 mm,不均匀系数 C_u =9.23; 丰浦砂的最大颗粒粒径 d_{max} =0.25 mm,不均匀系数 C_u =1.25。由此可以分析不 同级配与土体材料在静动荷载下的塌陷稳定性。





2 试验结果分析

2.1 循环车辆荷载与振动循环次数的关系

图 8 所示为所有工况中动荷载 W 与极限振动循 环次数 N 的关系曲线 (W-N 曲线)。图 8(a)所示为空 洞上方土层厚度相同(均为 t=40 mm)、不同试验土体 的 W-N 曲线,图 8(b)所示为试验土体相同(均为丰浦



砂)、空洞上方土层厚度不同的 W-N曲线。各个工况 下的 W-N曲线均可用幂函数进行近似拟合,最佳拟 合函数的函数表达式及相应的拟合优度 R²如图中 所示。

首先,在空洞上方土层厚度相同时,硅砂-1所能 承受的极限静荷载 W_u(8.67 kg)大于硅砂-2(6.75 kg), 且大于丰浦砂(5.95 kg)。而在动荷载值相同时,丰浦 砂的极限振动循环次数 N_u大于硅砂-2,且大于硅砂-1。 由此说明,硅砂-1的静力稳定性较强,而丰浦砂的动 力稳定性较强。

从颗粒级配的角度可以解释不同土体动力及静力稳定性的差别。硅砂-1的最大颗粒粒径与不均匀 系数较大,颗粒之间形状差异较大,大颗粒的存在使 骨架力链结构在动荷载下易发生破坏,而其在静荷载 作用下较为牢固。丰浦砂的最大颗粒粒径与不均匀 系数较小,颗粒之间形状差异较小,均匀颗粒组成的 骨架力链结构在动荷载下较为牢固,而其能承受的静 荷载则相对较小。

其次,当试验土体均为丰浦砂时,土层厚度 50 mm 工况的极限静荷载 W_u大于土层厚度 40 mm 工况。同 时,在相同的动荷载下,空洞上方土层厚度 50 mm 时 土体的极限振动循环次数 N_u也大于土层厚度 40 mm。 由此说明,地下空洞上方的土层厚度越大,则土体的 动力、静力稳定性均较强。

从图 8 中可以看出,在动荷载 W 逐渐减小时,极限振动循环次数 N_u呈指数型增加。以硅砂-2 为例进行说明,当动荷载 W=5.4 kg 时,荷载循环 15 次便引发路面塌陷。而当动荷载 W=3.04 kg 时,荷载循环 1 661 次才引发路面塌陷。

但同时也需要注意的是,从 W-N 拟合曲线上看, 当振动循环次数 N 足够大时,动荷载值 W 会逐渐接近 于零。这说明即使交通循环荷载值较小,在地面荷载 循环了足够多次数后,仍有可能触发路面塌陷。



2.2 地表沉降位移的发展

在循环动荷载的往复作用下,地表沉降位移会逐 渐增大,并出现明显的沉降槽。图9所示为部分工况 下的地表沉降曲线。

首先,所有工况下土槽中央均分布有一定宽度 的沉降槽。土体最终破坏前的沉降槽宽度约为 x= -100 mm 至 x=100 mm,而地下空洞的宽度范围仅为 x=-50 mm 至 x=50 mm,即地面沉降槽的范围约为地下 空洞范围的 2 倍。

其次, 以图 9(a)中 Case1-4 为例, 在动荷载振次 60次时, 地表整体均匀下沉 2 mm 左右。这段均匀地 表沉降是由动荷载对土体的振动压密作用引起的。 之后在振次 60~600次之间时, 中心土体受到振动剪 切作用, 中心沉降稳定发展, 呈现出中间大两端小的 沉降槽趋势。最后在振次 600~1 384 次之间时, 中心 土体发生振动破坏, 中心沉降快速发展, 两端沉降基 本停止, 并最终在振次第 1 385 次时发生土体破坏引 发路面塌陷。图 9 所示的其他工况, 其地表沉降值的 变化也表现出上述的三阶段趋势。

将所有工况的地表沉降曲线汇总,可以得到土体 中心沉降值随振动循环次数的发展关系如图 10 所 示。图中 x 坐标轴为振动循环次数 N, y 坐标轴为土槽 中点地表沉降 z 与最终沉降 z_{max}的比值 z/z_{max}。

从图 10 中可以看出,各工况下,土槽中央位移比值 z/z_{max} 随振动循环次数 N呈现出明显的三阶段趋势。

阶段1为初始固结沉降阶段,土体表面的整体沉 降随循环荷载次数快速增加。在实际工程中,受制于 施工条件、工期及工人技术水平等因素,道路路基在 完工后的使用过程中也会有一定的固结沉降。阶段 1反映了该固结沉降的发展过程。

阶段2为等速沉降阶段, 土槽中点沉降随振动循 环次数呈线性增加趋势; 在这个阶段, 循环荷载对土 体整体稳定性的影响逐渐累积, 土体裂缝逐渐发展。









Fig. 10 Development curve between the central displacement of the soil trough and the cyclic loading times

阶段3为加速沉降阶段,土槽中央位移的发展再 次迅速增加,直至土体塌陷。 在这3个阶段中,阶段2持续时间最长,其次为阶段1,阶段3持续时间最短。因此实际工程中,土体破

坏,路面塌陷的发生具有突发性:当检测到地表位移 稳定快速增加时,就已经预示着路面塌陷即将发生, 此时必须进行道路交通管制等应急措施,减小地表动 荷载,并及时进行地下空洞排查填充等补救措施。

2.3 地下空洞表面裂缝的发展

各个阶段中土体裂缝的发展情况不同。通过放 置在地下空洞下方的摄像机可以观测各个阶段地下 空洞表面裂缝的发展情况。本文以 Case2-4(丰浦砂, 空洞上方土层厚度 t=40 mm,极限振次 Nu=1 207 次)为 例,说明阶段 2 与阶段 3 中土体裂缝的发展情况,如 图 11 所示。需要说明的是,图中的 3 条横缝为空洞模 具上的纹理,并不影响试验结果

图 11(a)为振动循环第 540 次即阶段 1 结束、阶段 2 开始时地下空洞表面的图片。此时的裂缝尚不明

显,仅在地下空洞两侧可见不连续的细小裂缝。图 11(b) 为振动循环第 1 100 次即阶段 2 结束、阶段 3 开始时 地下空洞表面的图片。此时在地下空洞两侧各出现 1 条纵向连续裂缝。图 11(c)为振动循环第 1 206 次 即阶段 3 结束、土体塌陷前最后一次振动循环时地下 空洞表面的图片。此时,除了地下空洞两侧出现了多 条明显的纵向连续裂缝外,空洞中央也出现了 1 条横 向裂缝。图 11(d)为土体塌陷后地下空洞表面的图 片。由此可见,在阶段 1 内,土体裂缝的发展尚不明 显;在阶段 2 内,土体裂缝已经在逐渐发展,但发展速 度相对平缓;在阶段 3 内,土体裂缝加速发展,直至土 体塌陷。阶段 2 与阶段 3 内土体裂缝的发展规律与土 槽中点地表沉降的发展规律基本吻合。





3 结论

(1)随着循环动荷载值的减小,土体所能承受的 极限振动循环次数呈指数型增加。因此,交通循环荷 载越大,引发路面塌陷的可能性越大。而当地下存在 一定尺寸的地下空洞时,即使交通循环荷载较小,在 足够多次数的荷载循环作用后,也有可能引发路面 塌陷。

(2)最大粒径较大,不均匀系数较高的硅砂的静力稳定性较强,体现在其极限静止荷载较大;但其动力稳定性较弱,体现在其极限振动循环次数较小。与之相反,最大粒径较小,不均匀系数较小的丰浦砂的静力稳定性较弱,但其动力稳定性较强。

(3)地下空洞上覆土层厚度越大,其静力、动力稳 定性均较强。

(4)地表沉降与土体裂缝的发展呈现出三阶段规律。阶段1为初始固结沉降阶段,持续时间短,土体受到振动压密作用,地表发生整体沉降,土体裂缝未

见明显发展;阶段2为等速沉降阶段,持续时间长,中 心土体受到振动剪切作用,地表中心沉降与土体裂缝 随时间呈等速发展;阶段3为加速沉降阶段,持续时 间最短,中心土体发生振动破坏,地表中心沉降与土 体裂缝快速发展直至发生塌陷。因此阶段3的出现, 意味着路面塌陷即将发生。

参考文献(References):

- [1] 杨赛.基于双拱效应的地下空洞上覆土质地层变形 与塌陷研究[D].北京:北京交通大学, 2018. [YANG Sai. Study on deformation and collapse of soil stratum above underground cavities based on the double-arch effect[D]. Beijing: Beijing Jiaotong University, 2018. (in Chinese with English abstract)]
- [2] 彭涛,葛少亭,武威,等.岩溶土洞发育区地基塌陷的 治理[J].水文地质工程地质,2001,28(3):55-57.
 [PENG Tao, GE Shaoting, WU Wei, et al. Remeadiations of foundation collapse in the soil cavity

area of Karst[J]. Hydrogeology and Engineering Geology, 2001, 28(3): 55 – 57. (in Chinese with English abstract)

- [3] 冯伟, 么惠全. 采空塌陷区管道成灾机理分析及工程 防治措施[J]. 水文地质工程地质, 2010, 37(3): 112-115. [FENG Wei, YAO Huiquan. Analysis of disaster mechanism and countermeasures for endangered pipeline security in mining subsidence areas[J]. Hydrogeology & Engineering Geology, 2010, 37(3): 112 - 115. (in Chinese with English abstract)]
- 【4】 杜正民,吴光明,洪亮.潜蚀作用导致岩溶塌陷地质灾 害的实例分析[J].水文地质工程地质,2007,34(3):
 89 - 92. [DU Zhengmin, WU Guangming, HONG Liang. A case study of the geological hazard of Karst land collapse caused by groundwater corroding[J]. Hydrogeology & Engineering Geology, 2007, 34(3): 89 -92. (in Chinese with English abstract)]
- [5] 程星,黄润秋.铁路振动及其在岩溶塌陷中的致塌力 研究[J].岩石力学与工程学报,2003,22(12):2062-2066. [CHENG Xing, HUANG Runqiu. Study on traininduced vibration and its influence on Karst collapse[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2003, 22(12): 2062 - 2066. (in Chinese with English abstract)]
- [6] 张成平,岳跃敬,王梦恕.隧道施工扰动下管线渗漏水 对地面塌陷的影响及控制[J].土木工程学报,2015, 48(增刊1):351 - 356. [ZHANG Chengping, YUE Yuejing, WANG Mengshu. Infl uence of pipeline leakage on ground collapse and its control during adjacent tunnelling[J]. China Civil Engineering Journal, 2015, 48(Sup1):351-356. (in Chinese with English abstract)]
- [7] 周健,姚志雄,张刚.砂土渗流过程的细观数值模 拟[J].岩土工程学报,2007,29(7):977-981. [ZHOUJian, YAO Zhixiong, ZHANG Gang. Mesomechanical simulation of seepage flow in sandy soil[J]. Chinese

Journal of Geotechnical Engineering, 2007, 29(7): 977 – 981. (in Chinese with English abstract)]

- [8] 张冬梅,高程鹏,尹振宇,等. 隧道渗流侵蚀的颗粒流 模拟[J]. 岩土力学, 2017, 38(增刊1): 429 - 438.
 [ZHANG Dongmei, GAO Chengpeng, YIN Zhenyu, et al. Particle flow simulation of seepage erosion around shield tunnel[J]. Rock and Soil Mechanics, 2017, 38(Sup1): 429-438. (in Chinese with English abstract)]
- [9] ZHANG Dongmei, GAO Chengpeng, YIN Zhenyu. CFD-DEM modeling of seepage erosion around shield tunnels[J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 2019, 83: 60 - 72.
- [10] 陶连金, 袁松, 安军海. 城市道路地下空洞病害发展机 理及对路面塌陷的影响[J]. 黑龙江科技大学学报, 2015, 25(3): 289 - 293. [TAO Lianjin, YUAN Song, AN Junhai. Development mechanism of cavity damage under urban roads and its influence on road surface subsidence[J]. Journal of Heilongjiang University of Science and Technology, 2015, 25(3): 289 - 293. (in Chinese with English abstract)]
- [11] 李涛,张子真,宗露丹.地下空洞引起土质地层地陷的形成机制与预测研究[J].岩土力学,2015,36(7):1995-2002. [LI Tao, ZHANG Zizhen, ZONG Ludan. Study of formation mechanism and prediction of sinkholes in soil stratum induced by subterranean cavity[J]. Rock and Soil Mechanics, 2015, 36(7):1995 2002. (in Chinese with English abstract)]
- [12] 张成平,王梦恕,张顶立,等.城市隧道施工诱发地面塌陷的预测模型[J].中国铁道科学,2012,33(4):31-37.
 [ZHANG Chengping, WANG Mengshu, ZHANG Dingli, et al. Prediction model for ground collapse induced by urban tunnelling[J]. China Railway Science, 2012, 33(4):31-37. (in Chinese with English abstract)]

编辑:张明霞