(27)

$$N_i/K_i = D_{0i} + D_{Xi}A_X + D_{Yi}A_Y + D_{Zi}A_Z + \omega_X \cos(i, X) + \omega_Y \cos(i, Y) + \omega_Z \cos(i, Z) \quad (i = 1, 2, 3)$$

式中:  $N_i$  — 敏感测量轴 i 单位时间的输出;  $K_i$  — 敏感测量轴 i 的当量;  $D_{0i}$  — 测量轴 i 的零 次项漂移系数;  $D_{Xi}$ 、 $D_{Yi}$ 、 $D_{2i}$  — 分别由  $A_X$ 、 $A_Y$ 、  $A_Z$  引起并与其成正比,作用在测量轴上的一次项漂 移系数;  $A_X$ 、 $A_Y$ 、 $A_Z$  — 组合坐标系加速度三个分 量;  $\omega_X$ 、 $\omega_Y$ 、 $\omega_Z$  — 测试时地速在各轴的分量(已 知),使用时为载体运动角速度在组合系各轴的分量 (要解算的量);  $\cos(i, X)$ 、 $\cos(i, Y)$ 、 $\cos(i, Z)$  — 敏感测量轴 i 在组合系的方向余弦。

### 7.2 加速度计组件模型

加速度计的数学模型方程为:

$$N_{j} = K_{0j} + K_{Xj}A_{X} + K_{Yj}A_{Y} + K_{Zj}A_{Z}$$

$$(N_j - K_{0j})/K_j = A_X \cos(j, X) + A_y \cos(j, Y) + A_z \cos(j, Z)$$
(28)

式中:j = 1,2,3(1表示该轴与 X 轴靠近;2 表示该 轴与 Y 轴接近;3 表示该轴与 Z 轴接近); $K_{0j}$  — 敏感测量轴 j 的零次项系数; $K_{j}$  — 敏感测量轴 j的当量; $K_{Xj}$ 、 $K_{Yj}$ 、 $K_{Zj}$  —  $K_{j}$  的方向数,即第 j 轴 的当量沿组合坐标系的分当量; $A_X$ 、 $A_Y$ 、 $A_Z$  — 输 入组合的加速度三维向量; $N_j$  — 加速度计敏感轴 j 单位时间的输出; $\cos(j, X)$ 、 $\cos(j, Y)$ 、 $\cos(j, Z)$  — 敏感测量轴 j 在组合系的方向弦。

其中:

$$K_{j} = \sqrt{K_{Xj}^{2} + K_{Yj}^{2} + K_{Zj}^{2}}$$
(29)  
$$K_{j} = K_{j} \cos(X_{j} - i)$$

$$K_{Yj} = K_j \cos(Y, j)$$

$$K_{Zj} = K_j \cos(Z, j)$$
(30)

### 7.3 "六位置二十四点"编排

捷联组合可从模型方程系数定义出发,从总体 及数学物理功能角度,可作如下编排:组合 X、Y、Z 三轴分别向上、向下共"六位置"绕铅垂线东南西北 转1圈作4点采样以求其均值(6位置 24点)。显 然,该测试编排有如下特点:

(1)只考虑组合坐标系 OXYZ (不涉及陀螺系),并以此为基准正交翻转,作为位置测试采样点的数目达到了极限;

(2)相对于其他编排信息量大,且利用率高,处 理计算结果统计性; (3)该编排测试设备无须对北,首先将6位置的 每个位置4点采样平均:

$$\begin{cases} F(1,i\backslash j) = (N(1,i\backslash j) + \dots + N(4,i\backslash j))/4 \\ F(2,i\backslash j) = (N(5,i\backslash j) + \dots + N(8,i\backslash j))/4 \\ \vdots \\ F(6,i\backslash j) = (N(21,i\backslash j) + \dots + N(24,i\backslash j))/4 \end{cases}$$
(31)

则原始数组 N(24,6)转化为 F(6,6),这样设备免于对北的优点就显而易见了。

7.4 无真北测试中地球水平分量影响消除原理

设备无定向,即测试设备在测试间的放置无须 考虑东南西北,这里要说明的是地速水平分量影响 如何消除。

设:测试标定的起始位置与北向有一差角α,地 速在逆时针每隔 90°作一点采样的影响分别为(转 台或方体旋转 90°的位置精度,视测试允许误差而 定,例如:≪5×10<sup>-5</sup>量级,精度为 10″,主要还涉及 到加速度计标定问题):

- $\Delta 1 = \omega_e \cos L \cos \alpha \tag{32}$
- $\Delta 2 = -\omega_e \cos L \sin \alpha \qquad (33)$
- $\Delta 3 = -\omega_e \cos L \cos \alpha \qquad (34)$
- $\Delta 4 = \omega_e \cos L \sin \alpha \tag{35}$

式中: $\Delta 1$  — 第 1 点采样时地速北向分量在敏感轴 上的投影; $\Delta 2$  — 转 90°,第 2 点采样时地速北向分 量在敏感轴上的投影; $\Delta 3$  — 再转 90°,第 3 点采样 时地速北向分量在敏感轴上的投影; $\Delta 4$  — 再转 90°,第 4 点采样时地速北向分量在敏感轴上的投影; $\Delta 4$  — 再转

对 4 点采样均值影响为:

$$\Delta = \Delta 1 + \Delta 2 + \Delta 3 + \Delta 4 = 0 \tag{36}$$

**7.5** 调平不准引起的地速垂直分量及重力垂直、水平分量影响消除原理

设测试旋转平面与地平面夹角为  $\gamma(\leq 6')$ ,则 地速的垂直分量影响:

$$\Delta 5 = \omega_{\rm c} \sin L \cos \gamma \tag{37}$$

重力垂直分量影响:

$$\Delta 6 = g \cos \gamma \tag{38}$$

重力水平分量:

$$\Delta 7 = g \sin \gamma \cos \varphi \tag{39}$$

式中: *q*——加速度计敏感轴与南北或东西夹角。

该影响与地速水平分量一样,通过绕垂线 4 点 采样的均值将互相抵消,而当 γ≤6′时的 cosγ 变化 ( $\leq$ 1.5×10<sup>-6</sup>)完全可以忽略。因此,有关对北、调 X/Y/Z的分当量,每角秒脉冲数为: 平问题有如下结论:

A.计算  $D_{0i}$ 、 $D_{Xi}$ 、 $D_{Yi}$ 、 $D_{Zi}$ 时不会引起误差;

B.计算  $K_{0j}$ 、 $K_{xj}$ 、 $K_{yj}$ 、 $K_{zj}$ 时不会引起误差。

7.6 加速度组件系数标定

据数学模型式,从数组 F(6,n),可列出 6 个有 关 j 敏感轴的方程,其中只有  $K_{0j}$ 、 $K_{xj}$ 、 $K_{yj}$ 、 $K_{zi}$ 未 知,方程数多于未知数,可按多元回归求解。

$$F_{j} = \begin{bmatrix} F(1,j) & F(2,j) & \cdots & F(6,j) \end{bmatrix}' (40)$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & g & 0 & 0 \\ 1 & 0 & g & 0 \\ 1 & 0 & 0 & g \\ 1 & -g & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -g & 0 \\ 1 & 0 & 0 & -g \end{bmatrix}$$
(41)
$$K = \begin{bmatrix} K_{0j} & K_{xj} & K_{yj} & K_{2j} \end{bmatrix}'$$
(42)

原方程为:

$$F_i = AK \tag{43}$$

回归系数为:

$$K = A^{-1} F_i \tag{44}$$

或按下列关系式求之。

偏置(零次项系数)为:

$$K_{0j} = [F(1,j) + F(2,j) + \dots + F(6,j)]/6$$

(45)

分当量(加速度分别沿  $X \setminus Y \setminus Z$  作用时 j 轴的 输出当量,一次项系数)为:

$$K_{x_j} = [F(1,j) - F(4,j)]/2/G_0$$
  

$$K_{y_j} = [F(2,j) - F(5,j)]/2/G_0$$
  

$$K_{z_i} = [F(3,j) - F(6,j)]/2/G_0$$
(46)

则 j 轴当量(当加速度沿 j 轴方向作用时,单位 速度的脉冲数):

$$K_{j} = \sqrt{K_{\chi_{j}}^{2} + K_{\chi_{j}}^{2} + K_{Z_{j}}^{2}}$$
(47)

方向余弦:

$$\begin{cases} \cos(j, X) = K_{Xj} / K_{j} \\ \cos(j, Y) = K_{Yj} / K_{j} \\ \cos(j, Z) = K_{Zj} / K_{j} \end{cases}$$
(48)

7.7 陀螺组件系数标定

通过 X/Y/Z 向上时正反转 360°即可得数组 (6,*m*),其中*m*为角速度测量轴的条数,若正反转 时间基本相等(零次项误差可忽略),则有关 i 轴沿

$$\begin{cases} K_{x_j} = (N_{i1} - N_{i2})/720/3600 \\ K_{y_j} = (N_{i3} - N_{i4})/720/3600 \\ K_{z_i} = (N_{i5} - N_{i6})/720/3600 \end{cases}$$
(49)

$$K_{i} = \sqrt{K_{xi}^{2} + K_{yi}^{2} + K_{zi}^{2}}$$
(50)

$$\begin{cases} \cos(i, X) = K_{Xi}/K_i \\ \cos(i, Y) = K_{Yi}/K_i \\ \cos(i, Z) = K_{Zi}/K_i \end{cases}$$
(51)

角速度敏感轴的误差系数的标定从数组 F(6,i)

可列出 6 个有关 i 轴的方程,其中只有  $D_{\Omega_i}$ 、 $D_{X_i}$ 、 $D_{Y_i}$ 、 Dzi未知。方程数多于未知数,可按多元回归求解:

$$F(6,i)/K_{i} = D_{0i} + D_{Xi}A_{X} + D_{Yi}A_{Y} + D_{Zi}A_{Z} + \omega_{X}\cos(i,X) + \omega_{Y}\cos(i,Y) + \omega_{Z} \\ \cos(i,Z) \quad (i=1,2,3)$$
(52)

设:

$$F_{i} = \begin{bmatrix} F(1,i)/K_{i} - \omega_{e} \sin L \cos(i, X) \\ F(2,i)/K_{i} - \omega_{e} \sin L \cos(i, Y) \\ F(3,i)/K_{i} - \omega_{e} \sin L \cos(i, Z) \\ F(4,i)/K_{i} + \omega_{e} \sin L \cos(i, X) \\ F(5,i)/K_{i} + \omega_{e} \sin L \cos(i, Y) \\ F(6,i)/K_{i} + \omega_{e} \sin L \cos(i, Z) \end{bmatrix}$$
(53)

式中:L---当地纬度。

$$A = \begin{bmatrix} 1 & g & 0 & 0 \\ 1 & 0 & g & 0 \\ 1 & 0 & 0 & g \\ 1 & -g & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -g & 0 \\ 1 & 0 & 0 & -g \end{bmatrix}$$
(54)  
$$D = \begin{bmatrix} D_{0i} & D_{Xi} & D_{Yi} & D_{Zi} \end{bmatrix}'$$
(55)

原方程为:

回归系数为:

$$F_i = AD \tag{56}$$

$$D = A^{-1} F_{\varepsilon} \tag{57}$$

也可以按下列关系式求之(*i*=1,2,3):  

$$D_{0i} = [F(1,i) + F(2,i) + \dots + F(6,i)]/6$$
  
 $D_{Xi} = [F(1,i) - F(4,i)]/2 - \omega_e \sin L \cos(i, X)$   
 $D_{Yi} = [F(2,i) - F(5,i)]/2 - \omega_e \sin L \cos(i, Y)$   
 $D_{Zi} = [F(3,i) - F(6,i)]/2 - \omega_e \sin L \cos(i, Z)$   
(58)

综上所述,采用上述标定方法,降低了对现场标 定设备的要求,具有很强的适应性,经现场试验表

明,此标定技术满足技术指标要求。

### 8 存储式测控系统优化设计

8.1 测控系统功能

测控系统主要承担测量仪的电源管理(间歇供 电)、数据通信、信息交换、数据存储、探管外温度测 量等功能。测井斜的同时也钻孔温度,大大拓展了 应用范围,并提高了仪器的使用效力。

8.2 测量控制系统设计

测控系统是整个测量仪器的主控中心,它通过 RS232 接口接收来自测量模块的倾角、方位角、工具 面角、温度和时间等信息数据(通讯协议遵从数据测 量模块的协议),存储在外扩的 FLASH 存储器中, 并对整个测量过程进行控制,同时带有系统电量分 配控制、容错和保护功能,在返回地面后,能通过 RS232 接口将存储的数据传输给上位机,配合整个 测量工艺流程、通过人机界面对测量过程参数、命令 信息、数据信息等进行有效的设置,并读取信息数 据、处理数据、存储信息数据等功能。硬件框图如图 10 所示。



8.3 钻孔环境温度测量

钻孔环境温度测量,外部温度测量部分,使用高 精度的 PT100 温度传感器及专用 PT100 测温转换 器 MAX31865 芯片,该芯片可以直接通过 SPI 接口 输出 PT100 的实际温度所对应的二进制补码,通过 简单转换即可输出温度。测量范围:0~300 ℃,标 定测量精度:±0.2 ℃。

8.4 测控软件设计与实现

本系统软件是集参数设置和数据导出等功能于 一体的一个工具软件。

软件功能模块主要包括:串口通信、读取数据、 参数设置、使用说明等四个模块,见图 11。

硬件配置要求:CPU为酷睿 2 及其以上型号、 内存为 2G 及以上、硬盘容量为 40G 或以上;



硬盘软件要求:操作系统为 Windows7 或 Windows8、Windows10 及以上版本; Net Framework 4. 0; office2010 及以上版本(需要完全安装 excel 组 件)。

图 12 为程序流程图。它包括等时间间隔测量、 定时测量二个流程。



图 12 程序流程图

串口实现主控器与 PC 机软件、测斜仪之间的 通信;RTC 用于主控器的实时时间,该时间可以使 用 PC 机软件进行设置;当模式1或者模式2时,钻 孔环境温度传感器也工作;存储器为外挂 512Kbit (64KByte)字节 EEPROM 存储器,用于存储来自测 斜仪的数据。

### PC参数设置界面如图 13 所示。

和政教据 参数设置	CGW-) 使用说明	·2型超前温钻孔轨建测重仪 中國地质科			学院探矿工艺研究员	
经度: 103.	123456	纬度:	34. 123456	海拔:	123. 1234	选择串口: COM1 ·
是否连续测量	: •是	0 <b>5</b>	大首	启动时间,	19:11:11	串口扫描
测量间隔时间	· 0 : 57	30 🕂 💖	燕量次数:		5 1 次	连接设备

### 图 13 参数设置界面

选中模式 1 连续,在点保存设置时,将会读取 PC 机当前时间,并将当前时间、图 13 中的首次测量 时间、测量时间间隔、测量次数通过串口发送到主控 器中,主控器将这些数据保存到单片机片内的 EE-PROM 中,单片机根据 EEPROM 中的模式参数进 入模式 1 的工作程式,其工作过程如图 12 程序流程 图左间部分所示。

选中模式 2 定时,在点保存设置时,将会读取 PC 机当前时间,并将当前时间、图 13 中的 T1~ T24 的时间(小时:分钟)通过串口发送到主控器中, 主控器将这些数据保存到单片机片内的 EEPROM 中,单片机根据 EEPROM 中的模式参数进入模式 2 的工作程式,其工作过程如图 12 程序流程图右边部 分所示。

注意:参数设置完成后,主控器不允许断电,否则时间数据会丢失,因为主控器上没有使用 RTC 电源。

读取数据:在主控器完成井下测量之后,可以将 其通过 RS232 串口与 PC 机连接,然后读取保存在 主控器 FLASH 中的数据,读取数据界面如图 14 所 示。当选择了对应的串口号,并且连接成功以后,点 击读取数据按钮,则会读出保存在主控器中的数据。



然后点导出数据,可将数据保存在一个 TXT 文本 文档中用于数据分析和记录。

### 9 测试分析

通过测试,顶角、方位角计量测试见图 15、温度 计量测试见图 16,测量仪机芯工作温度在-10~85 ℃范围内,加保温瓶后工作温度在-10~270 ℃范 围内,承压管承压达 120 MPa,方位角测量范围与精 度为 0°~360°(误差±1.5°,井斜>3°时),井斜测量 范围与精度为 0°~90°(误差±0.15°)。实现了最大 限度解决电池续航的问题,可以让光纤测斜测温仪 持续工作超过 4 h;实现存储光纤测斜仪采集的数 据,且掉电不丢失;实现探管外部温度并存储,可用 于地热探测等功能。



图 15 顶角、方位角计量测试



### 10 结语

通过本研究的实施,在三维光纤陀螺、三维石英 挠性加速度传感器温度漂移和误差分析校正、测控 技术等方面取得重大进展,研制出了耐温 270 ℃、耐 压 120 MPa 的超高温钻孔轨迹测量仪,解决了高温 高压环境钻孔轨迹测量难题,完全满足高温高压地 热能、科学钻探、深部矿产资源勘探以及深部油气资 源勘探工程的需求,支持国家重要能源资源勘探工 程。

### 参考文献:

- [1] 张春熹,高爽.自主式光纤陀螺油井测斜仪[J].仪表技术与传 感器,2006,(11):9-11.
- [2] 李番军.连续测斜仪研究[D].黑龙江哈尔滨:哈尔滨工业大学, 2006.
- [3] 周春,刘白雁,龚勋.井下实时测斜的理论分析与实验研究[J]. 中国测试,2009,35(6):1-4.
- [4] 曹华.光纤 IMU 误差标定及温度补偿技术的研究与实现[D]. 江苏南京:南京航空航天大学,2008.
- [5] 刘瑞江,张业旺,闻崇炜,等.正交试验设计和分析方法研究 [J].实验技术与管理,2010,27(9):52-55.
- [6] 于昌龙,张红线,吴衍记,等.基于均匀设计的光纤陀螺温度建 模实验方案研究[J].红外与激光工程,2009,38(2):330-334.
- [7] 白雪峰,赵剡.单轴速率三轴位置惯性测试转台误差及传递分析[J].航天控制,2006,24(2):26-29.
- [8] 方开泰.均匀设计与均匀设计表[M].北京:科学出版社,1994.
- [9] 何辛.用 WdW 模型估算定向井轨迹误差[J].钻采工艺,1989, 12(2):23-28.
- [10] 张桂才,杨清生,干涉式光纤陀螺的温度特性研究[J].光电子 技术与信息,2001,14(1);17-21.
- [11] 毋伟,李道明,毋涛,随钻测斜仪温度补偿方法的研究[J].电 子测量与仪器学报,2000,14(3):64-66.
- [12] 董本京,高德利,柳贡慧.井眼轨迹不确定性分析方法的探讨 [J].天然气工业,1999,19(4):59-63.
- [13] 马劲松.定向井随钻测量新模型误差源分析[J].科技专论, 2014,(13):325.
- [14] 夏斯.三轴测试转台精度特性分析和控制系统设计[D].黑龙 江哈尔滨:哈尔滨工业大学,2010.
- [15] 吕彦明,袁艺.在正交实验数据处理中引进相对方差的讨论 [J].实验技术与管理,1996,13(2):57-58.
- [16] 陈伟卿.定向井轨迹误差分析及三维可视化描述研究[D].北 京:中国石油大学,2006、
- [17] 许昊东,黄根芦,韦红术.改进仪器不对中误差的轨迹系统误 差模型研究[J].科学技术与工程,2013,13(31):9180-9183.
- [18] 柳贡慧,董本京,高德利.误差椭球(圆)及井眼交碰概率分析 [J].钻采工艺,2000,23(3);5-12.
- [19] 曲志勇,姚郁.仿真转台误差分析及误差建模[J].计算机仿 真,2006,23(3):301-304.
- [20] 李凡,朱国力.三轴标定转台的指向误差建模与仿真分析[J].

机械工程与自动化,2014,187(6):147-149.

- Y Lin, Y Shen. Modeling of Five Axis Machine Tool Metrology Models Using the Matrix Summation Approach[J].
   Advanced Manufacturing Technology, 2003, 21(4): 243 248.
- [22] V.S.B.Kiridena, P.M. Ferreira. Kinematic Modeling of Quasistatic Errors of Three-axis Machining Centers[J].International Journal of Machine Tools & Manufacture, 1994, 34 (1):85-100.
- [23] Louis A, DeMore. Design Study for a High-Accuracy Three - Axis Test Table[J]. AIAA Guidance and Control Conference, 1985, 10(1):104-114.
- [24] Zhiyong QU, Yu Yao. Derivation of Error Models and Error Compensation Procedure for Simulation Turntable Using Multi-Body Kinematics [C]// International Conference on Mechatronics & Automation Niagara Falls, 2005; 1408-1411.
- [25] Z. S. Wang, Y. Wang, B. K. Su. Friction Compensation for High Precision Turntable Using Adaptive Sliding Mode Controller[J]. Industrial Electronics and Applications, 2007;1090 -1094.
- [26] Tuckness M. Analysis of optical navigation error during mass enery applied mathematics and computation [J]. Journal of Photogrammetry and Remote Sensing, 2004, 80(1):1-22.
- [27] Johann Borenstein, Lauro ojeda, Surat Kwanmuang. Heuristic Reduction of Gyro Drift for Personnel Tracking Systems
   [J]. Journal of Navigation (S0373-4633),2009,62(1):41-58.
- [28] Cornell, J.A. Experiments with Mixtures: Designs, Models, and the Analysis of Mixture Data[M]. New York:1990:32-41.
- [29] Chris J.M. Wolff, John P. De Wardt. Borehole Position Uncertainty-Analysis of Measuring Methods and Derivation of Systematic Error Model[J]. SPE 9223,1980;1-7.
- [30] H.S. Williamson. Accuracy Prediction for Directional Measurement While Drilling[J]. SPE67616,2000;221-233.
- [31] G. A.麦埃尔欣尼, H.M.J.伊尔费尔德.用于地下井的相对和 绝对误差模型:中国, CN102356212 A[P].2012-02-15.
- [32] Angus Jamieson. Introduction to Wellbore Positioning[M]. THE RESEARCH OFFICE OF UHI,2012.
- [33] S Madry. Global positioning systems, inertial navigation, and integration[J]. Wiley-Interscience, 2007, 46(5):23-39.
- [34] A Malatip, N Wansophark, P Dechaumphai, Fractional fourstep finite element method for analysis of thermally coupled fluid – solid interaction problems [J]. Neuropharmacology, 2012, 33(1):253-257.